

Kombinatorik, Graphen, Matroide

10. Übung

1. Es sei \mathcal{S} eine endliche Familie von endlichen (nicht notwendigerweise paarweise verschiedenen) Mengen. Eine Menge T ist eine *Transversale* von \mathcal{S} , falls eine Bijektion $\Phi : T \rightarrow \mathcal{S}$ existiert mit $t \in \Phi(t)$ für alle $t \in T$. Nehmen Sie an, daß \mathcal{S} mindestens eine Transversale besitzt, und zeigen Sie, daß die Menge aller Transversalen von \mathcal{S} die Menge der Basen eines Matroids ist (des sogenannten *transversalen Matroids*). (4 Punkte)
2. Beweisen oder widerlegen Sei die folgenden Aussagen:
 - (a) Jedes uniforme Matroid ist ein transversales Matroid (siehe (a)).
 - (b) Jedes transversale Matroid ist ein graphisches Matroid. (4 Punkte)
3. Sei G ein ungerichteter Graph, $k \in \mathbb{N}$ und \mathcal{F} die Familie derjenigen Teilmengen von $E(G)$, die die Vereinigung von k Wäldern sind. Beweisen Sie, daß $(E(G), \mathcal{F})$ ein Matroid ist. (4 Punkte)
4. Zeigen Sie, daß Unabhängigkeitsorakel und Basis-Obermengen-Orakel für Matroide polynomiell äquivalent sind. (4 Punkte)

Abgabe: Donnerstag, den 1.7.2010, vor der Vorlesung.

Weiterer Hinweis auf die nächste Mentoren-Veranstaltung:

Das nächste Treffen der Mentorengruppe des Forschungsinstituts für Diskrete Mathematik findet am Dienstag, den 29. Juni um 18:00 Uhr im Konferenzraum des Arithmeums statt. Das Thema lautet „Einführung in C++“, alle interessierten Studenten sind herzlich eingeladen. Gerne kann man seinen Laptop mitbringen.